Содержание

[1.1 Постановка задачи 4](#_Toc460155664)

[1.2 Решение задачи 4](#_Toc460155665)

[Заключение 6](#_Toc460155666)

[Список литературы 7](#_Toc460155667)

Введение

В качестве примера, иллюстрирующего сущность конечного автомата, часто приводят автомат для продажи каких-либо товаров, например кофе. Принимаемые автоматом купюры соответствуют заранее записанным входным параметрам, так называемым, символам. Автомат в своей памяти хранит информацию о принятой до настоящего момента общей сумме, к которой будет прибавляться новая сумма принятой купюры. Эта хранящаяся в памяти прежняя сумма соответствует состоянию конечного автомата. Когда автомат принимает деньги, составляющие цену порции кофе, срабатывает механическое устройство, выдающее покупателю товар, и принятая автоматом сумма сбрасывается в ноль.

Некоторые автоматы не просто продают какой-то один вид товара. В них имеются дисплеи, на которых отображается внесенная сумма. Указываемая на дисплее сумма соответствует состоянию, набор внесенных купюр соответствует входному символу, а выдаваемый автоматом товар – выходному символу. Если даже бросить монеты в автомат наугад, но сумма превысит определенную величину, товар будет выдан вместе со сдачей. Брошенная в автомат сумма должна иметь верхний предел, то есть не может быть неограниченно большой. Таким образом, число состояний, число входных символов (число комбинаций купюр) и число выходных символов (число выдаваемых разновидностей товара вместе со сдачей) являются конечными.

Как только автомат установлен, он включается в сеть обслуживания, которая следит за регулярным изъятием денег и пополнением автомата товаром. Поэтому время работы автомата можно считать неограниченным.

Устройство выполнения операций, устройство управления и оперативное (основное) запоминающее устройство, входящие в состав машины Тьюринга, делают ее машиной с ограниченным числом состояний, то есть самым настоящим конечным автоматом. Другими словами, при запоминании конечного числа каких-то элементов можно характеристики этих элементов представить в виде набора состояний конечного автомата. Бесконечное число состояний или, говоря языком логики, сколь угодно большое наперед заданное число состояний запомнить невозможно.

В конечном автомате нельзя запомнить число состояний, большее числа, заранее заданного для этого автомата, которое определяется параметрами рабочих лент. Хотя число разновидностей символов, используемых на лентах, является конечным, число ячеек может быть бесконечным, как бесконечен сам натуральный ряд чисел. Как в двоичной, так и в десятичной системах счисления на рабочих лентах можно записать последовательность цифр с требуемым числом разрядов и, таким образом, запомнить любое самое большое число данной разрядности.

Целью данной курсовой работы является ЛИСП-реализация конечных автоматов.

1. Теоретическая часть
   1. Понятие конечного автомата

Конечный автомат – в теории алгоритмов математическая абстракция, позволяющая описывать пути изменения состояния объекта в зависимости от его текущего состояния и входных данных, при условии, что общее возможное количество состояний конечно. Конечный автомат является частным случаем абстрактного автомата.

Существуют различные варианты задания конечного автомата. Например, конечный автомат может быть задан с помощью пяти параметров:

(1)

где

– конечное множество состояний автомата;

– начальное состояние автомата ;

– множество заключительных (или допускающих) состояний, таких что ;

– допустимый входной алфавит (конечное множество допустимых входных символов), из которого формируются строки, считываемые автоматом;

δ – заданное отображение множества во множество подмножеств . Иногда δ называют функцией переходов автомата.

(2)

Автомат начинает работу в состоянии , считывая по одному символу входной строки. Считанный символ переводит автомат в новое состояние из Q в соответствии с функцией переходов. Если по завершении считывания входного слова (цепочки символов) автомат оказывается в одном из допускающих состояний, то слово «принимается» автоматом. В этом случае говорят, что оно принадлежит языку данного автомата. В противном случае слово «отвергается».

Также для автомата можно определить язык (множество слов) в алфавите , который он представляет – так называется множество слов, при вводе которых автомат переходит из начального состояния в одно из состояний множества .

Конечные автоматы широко используются на практике, например в синтаксических, лексических анализаторах, и тестировании программного обеспечения на основе моделей.

* 1. Детерминированный и недетерминированный конечный автомат

Конечные автоматы подразделяются на детерминированные и недетерминированные.

Детерминированным конечным автоматом (ДКА) называется такой автомат, в котором для каждой последовательности входных символов существует лишь одно состояние, в которое автомат может перейти из текущего.

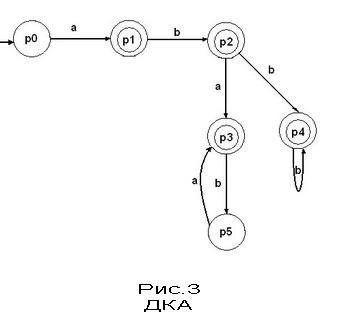


Рисунок 1.1 – Детерминированный конечный автомат

Недетерминированный конечный автомат (НКА) является обобщением детерминированного автомата. Недетерминированность автоматов достигается двумя способами.

1. Существуют переходы, помеченные пустой цепочкой (Рисунок 1.2);
2. Из одного состояния выходит несколько переходов, помеченных одним и тем же символом (Рисунок 1.3).

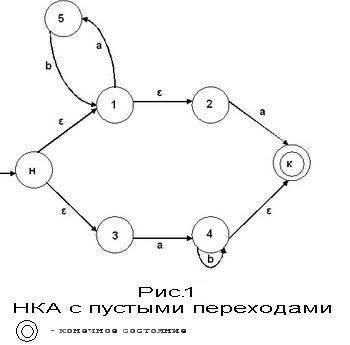


Рисунок 1.2 – Недетерминированный конечный автомат с пустыми переходами

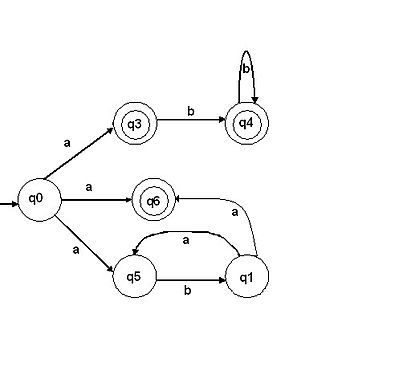


Рисунок 1.3 – Недетерминированный конечный автомат с несколькими переходами

Теоретически, любой недетерминированный конечный автомат может быть преобразован в детерминированный так, чтобы языки этих автоматов совпадали. Такие автоматы называются эквивалентными. Однако, поскольку количество состояний в эквивалентном детерминированном конечном автомате растёт экспоненциально с ростом количества состояний недетерминированного конечного автомата, на практике подобная детерминизация не всегда возможна. Кроме того, конечные автоматы с выходом в общем случае не поддаются детерминизации.

Поэтому, несмотря на большую сложность недетерминированных конечных автоматов, для задач, связанных с обработкой текста, преимущественно применяются именно недетерминированные конечные автоматы.

* 1. Способы описания конечных автоматов

Диаграмма состояний (или иногда граф переходов) – графическое представление множества состояний и функции переходов. Представляет собой нагруженный однонаправленный граф.

* Вершины – состояния конечного автомата;
* Дуги – переходы из одного состояния в другое;
* Веса – символы, при которых осуществляется данный переход.

Если переход из состояния в может быть осуществлен при появлении одного из нескольких символов, то над дугой должны быть надписаны все эти символы.

Таблица переходов – табличное представление функции (2).

* Строки – состояние конечного автомата;
* Столбцы – допустимые входные символы;
* Ячейки – действие, которое должен выполнить автомат, при переходе в это состояние и в то же время когда на входе находится этот символ.

1. Практическая часть
   1. Постановка задачи

Необходимо подсчитать количество слов начинающихся с двух русских строчных гласных букв подряд.

Слова в файле могут быть записаны в несколько строк, в каждой строке может располагаться разное количество слов, слова обычно разделяются пробелом, однако при наборе текста могли быть допущены ошибки и вместо пробела был введен другой печатный символ.

Таким образом, в исходных данных выделяют две части:

* base – не начало слова;
* word – начало слова.

Построим диаграмму состояний (Рисунок 2.1) конечного автомата для решения задачи:

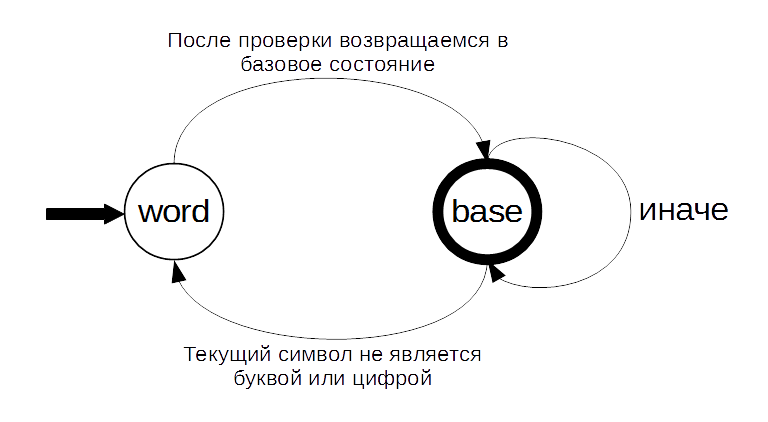


Рисунок 2.1 – Диаграмма состояний

В состоянии word программа проверяет текущий и следующий символ в слове на принадлежность их к гласным буквам русского алфавита. После этой проверки, программа проверяет, принадлежит ли текущий символ к множеству спецсимволов, если не принадлежит, то программа переходит в состояние base, где ожидает появления спецсимвола. При появлении спецсимвола, программа считает, что предыдущее слово закончилось, и в следующем символе начнется новое слово. Поэтому программа переходит в состояние word в случаи, если на следующей итерации слово не начинается, то есть между словами несколько спецсимволов, то условие проверки наличия первых двух гласных букв не срабатывает, и в то же время не срабатывает условия перехода в состояние base. Таким образом, программа ожидает начала слова в состоянии word, когда встретится первый символ не из множества спецсимволов, программа решит, что началось слово и проверит первые два символа этого слова. Следовательно, если слово состоит из одной буквы, то условие проверки не выполнится, но все равно, программа перейдет в состояние base, где будет ожидать начала следующего слова.

Таким образом, для получившихся двух состояний достаточно использования логического типа данных для написания кода программы. Для этого переменная State будет иметь два значения true для состояния word и, соответственно, false для состояния base.

Для реализации программы был построен конечный автомат без выхода.

(3)

– множество состояний;

– входной алфавит совпадает с множеством символов кодовой таблицы;

– декартово множество произведений SE – функция перехода состояний;

– Начальное состояние ;

– множество финальных состояний.

Функцию перехода состояний U можно записать с помощью диаграммы состояний (Рисунок 2.1), также с помощью таблицы состояний (Таблица 1)

Таблица 1 – Таблица состояний

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  | Спецсимвол | Буква, цифра | Иначе |
| →word | – | base | word |
| \*base | word | – | base |

* 1. Программная реализация

Заключение

Список литературы